

Metody numeryczne

Interpolacja

– za pomocą funkcji sklejaných trzeciego stopnia

1. Wzory, wzory, wzory...*

Wielomian trzeciego stopnia dla odpowiedniego przedziału

$$S_j(x) = M_{j-1} \frac{(x_j - x)^3}{6h_j} + M_j \frac{(x - x_{j-1})^3}{6h_j} + A_j(x - x_{j-1}) + B_j$$

gdzie :

$$A_j = \frac{y_j - y_{j-1}}{h_j} - \frac{h_j}{6}(M_j - M_{j-1}) \quad B_j = y_{j-1} - M_{j-1} \frac{h_j^2}{6}$$

A współczynniki M_j obliczamy z układu równań

$$\begin{bmatrix} 2 & \lambda_0 & 0 & \dots & & & \\ \mu_1 & 2 & \lambda_1 & 0 & \dots & & \\ 0 & \mu_2 & 2 & \lambda_2 & 0 & \dots & \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \\ \dots & \dots & 0 & \mu_{n-1} & 2 & \lambda_{n-1} & \\ & & \dots & 0 & \mu_n & 2 & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} M_0 \\ M_1 \\ \dots \\ M_{n-1} \\ M_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} d_0 \\ d_1 \\ \dots \\ d_{n-1} \\ d_n \end{bmatrix}$$

gdzie :

$$\lambda_0 = \mu_n = 1, \\ \lambda_i = \frac{h_{i+1}}{h_i + h_{i+1}}, \quad \mu_i = 1 - \lambda_i, \quad h_i = x_{i+1} - x_i \quad \text{dla } i = 1, 2, \dots, n-1$$

$$d_0 = \frac{6}{h_1} \left(\frac{y_1 - y_0}{h_1} - \alpha \right), \quad d_n = \frac{6}{h_n} \left(\beta - \frac{y_n - y_{n-1}}{h_n} \right) \\ d_i = \frac{6}{h_i + h_{i+1}} \left(\frac{y_{i+1} - y_i}{h_{i+1}} - \frac{y_i - y_{i-1}}{h_i} \right) \quad \text{dla } i = 1, 2, \dots, n-1$$

α i β to wartości pochodnych odpowiednio na początku i końcu przedziału $\alpha = y'_0$ i $\beta = y'_n$

Literatura

1. Wstęp do metod numerycznych, Josef Stoer, PWN

*) Przypominam o sprawdzeniu z zaufanymi źródłami, tu literówkę można b. łatwo popęplnić